#### Расчетное задание №6. Замкнутые сети массового обслуживания

Задана замкнутая сеть массового обслуживания, включающая M=4 узла. В сети циркулирует N заявок в соответствии с матрицей передач, также заданы описания узлов как систем массового обслуживания (число каналов, интенсивность обслуживания).

Часть 1. Применить методику расчёта замкнутых сетей.

1. Построить граф сети;

4 узел: система M/M/2, µ=10

N=4

2. Определить среднее число требований, среднее число ожидающих требований, среднее время пребывания и среднее время ожидания для каждого узла;

3. Результаты оформить в итоговой таблице вида:

	1 узел	2 узел	3 узел	4 узел
Среднее число требований				
Среднее число ожидающих требований				
Среднее время пребывания				
Среднее время ожидания				

Вариант 1	Вариант 3	Вариант 5
Матрица передач:	Матрица передач:	Матрица передач:
10/11 0 1/11 0	6/17 5/17 6/17 0	5/12 5/12 1/6 0
10/11 0 0 1/11	0 0 1/3 2/3	0 0 0 1
0 9/13 0 4/13	2/3 1/3 0 0	0 0 0 1
0 0 1 0	1/2 0 1/2 0	3/5 2/5 0 0
1 узел: система M/M/2, µ=10	1 узел: система M/M/3, µ=2	1 узел: система M/M/2, µ=8
2 узел: система M/M/1, µ=2	2 узел: система M/M/1, µ=4	2 узел: система M/M/3, µ=9
3 узел: система M/M/1, µ=1	3 узел: система M/M/2, µ=10	3 узел: система M/M/3, µ=5
4 узел: система M/M/2, µ=2	4 узел: система M/M/2, µ=10	4 узел: система M/M/2, µ=10
N = 3	N = 5	N = 6
I = S		1. 0
Вариант 2	Вариант 4	Вариант 6
Вариант 2	Вариант 4	Вариант 6
Вариант 2 Матрица передач:	Вариант 4 Матрица передач:	Вариант 6 Матрица передач:
Вариант 2 Матрица передач: 5/9 0 0 4/9	Вариант 4 Матрица передач: 1/3 0 1/3 1/3	Вариант 6 Матрица передач: 5/9 7/18 0 1/18
Вариант 2 Матрица передач: 5/9 0 0 4/9 1/2 0 1/2 0	Вариант 4 Матрица передач: 1/3 0 1/3 1/3 0 0 9/11 2/11	Вариант 6 Матрица передач: 5/9 7/18 0 1/18 1 0 0 0
Вариант 2 Матрица передач: 5/9 0 0 4/9 1/2 0 1/2 0 0 1 0 0	Вариант 4 Матрица передач: 1/3 0 1/3 1/3 0 0 9/11 2/11 7/10 3/10 0 0	Вариант 6 Матрица передач: 5/9 7/18 0 1/18 1 0 0 0 1/9 8/9 0 0
Вариант 2 Матрица передач: 5/9 0 0 4/9 1/2 0 1/2 0 0 1 0 0 5/8 3/8 0 0	Вариант 4 Матрица передач: 1/3 0 1/3 1/3 0 0 9/11 2/11 7/10 3/10 0 0 3/5 0 2/5 0	Вариант 6 Матрица передач: 5/9 7/18 0 1/18 1 0 0 0 1/9 8/9 0 0 0 1/2 1/2 0

4 узел: система M/M/1, µ=6

N = 6

4 узел: система M/M/3, µ=2

N=4

Вариант 7	Вариант 11	Вариант 15
Матрица передач:	Матрица передач:	Матрица передач:
9/14 0 5/14 0	5/7 0 0 2/7	3/4 0 1/4 0
0 0 1 0	0 0 9/17 8/17	1 0 0 0
0 1/2 0 1/2	1 0 0 0	3/4 0 0 1/4
2/3 1/3 0 0	0 1 0 0	0 1 0 0
1 узел: система M/M/1, µ=6	1 узел: система M/M/2, µ=3	1 узел: система M/M/3, µ=5
2 узел: система М/М/2, μ=2	2 узел: система М/М/3, μ=3	2 узел: система M/M/3, µ=10
3 узел: система M/M/2, µ=4	3 узел: система M/M/2, µ=1	3 узел: система М/М/1, μ=2
4 узел: система M/M/2, µ=9	4 ysen: cucrema M/M/1, μ=8	4 узел: система M/M/2, µ=9
N = 5	N = 3	N = 5
14 = 3	11 – 3	14 = 3
Вариант 8	Вариант 12	Вариант 16
Матрица передач:	Матрица передач:	Матрица передач:
2/3 0 1/3 0	3/4 0 0 1/4	$\frac{2}{3}$ 0 1/3 0
9/10 0 0 1/10	0 0 1/5 4/5	1 0 0 0
0 9/11 0 2/11	1 0 0 0	0 1/5 0 4/5
0 1/2 1/2 0	0 1 0 0	0 5/7 2/7 0
1 узел: система M/M/3, µ=9	1 узел: система M/M/3, µ=7	1 узел: система M/M/1, µ=8
2 узел: система M/M/3, µ=10	2 узел: система M/M/2, µ=7	2 узел: система M/M/1, µ=10
3 узел: система M/M/2, µ=2	3 узел: система M/M/1, µ=5	3 узел: система M/M/3, µ=2
4 узел: система М/М/1, μ=4	4 узел: система М/М/1, μ=8	4 узел: система M/M/1, µ=3
N = 3	N = 5	N = 4
Вариант 9	Вариант 13	Вариант 17
Матрица передач:	Матрица передач:	Матрица передач:
9/20 0 1/4 3/10	2/3 4/15 1/15 0	5/22 4/11 9/22 0
0 0 10/11 1/11	7/8 0 0 1/8	0 0 3/10 7/10
1 0 0 0	0 2/3 0 1/3	1 0 0 0
0 1/2 1/2 0	2/5 0 3/5 0	0 1/5 4/5 0
1 узел: система M/M/2, µ=3	1 узел: система M/M/2, µ=6	1 узел: система M/M/3, µ=6
2 узел: система М/М/3, μ=5	2 узел: система M/M/2, µ=2	2 узел: система M/M/1, µ=6
3 узел: система M/M/3, µ=3	3 узел: система M/M/1, µ=1	3 узел: система M/M/1, µ=7
4 узел: система M/M/2, µ=10	4 узел: система M/M/3, µ=10	4 узел: система M/M/2, µ=5
N = 2	N = 5	N = A

# Вариант 10 Матрица передач:

N = 3

1/2 0 1/2 0 0 1 0 0 1/2 0 0 1/2 1/4 3/4 0 1 узел: система M/M/2,  $\mu$ =8

2 узел: система M/M/1,  $\mu$ =5 3 узел: система M/M/2,  $\mu$ =10 4 узел: система M/M/3,  $\mu$ =9

N = 6

# Вариант 14 Матрица передач:

N = 5

6/7 1/7 0 1/3 2/3 0 0 0 0 1 0 0 4/9 5/9

1 узел: система M/M/2,  $\mu$ =3 2 узел: система M/M/2,  $\mu$ =1 3 узел: система M/M/2,  $\mu$ =4 4 узел: система M/M/1,  $\mu$ =9 N = 3

# Вариант 18

Матрица передач:

7/8 0 1/8 0 0 8/17 9/17 0 1 0 0 0 0

1 узел: система M/M/3,  $\mu$ =4 2 узел: система M/M/3,  $\mu$ =8 3 узел: система M/M/2,  $\mu$ =2 4 узел: система M/M/2, µ=8 N = 6

Вариант 19	Вариант 23	Вариант 27
Матрица передач:	Матрица передач:	Матрица передач:
1/2 0 3/14 2/7	3/4 0 0 1/4	5/7 2/7 0 0
3/7 0 4/7 0	7/8 0 0 1/8	0 0 8/11 3/11
1/3 0 0 2/3	1 0 0 0	1/6 5/6 0 0
2/3 1/3 0 0	0 8/15 7/15 0	1 0 0 0
1 узел: система М/М/2, µ=6	1 узел: система М/М/3, µ=7	1 узел: система М/М/2, µ=9
2 узел: система М/М/1, µ=4	2 узел: система М/М/3, µ=1	2 узел: система М/М/1, µ=7
3 узел: система М/М/1, µ=3	3 узел: система М/М/3, µ=10	3 узел: система М/М/2, µ=9
4 узел: система М/М/3, µ=4	4 узел: система М/М/1, µ=3	4 узел: система М/М/1, µ=3
N = 4	N = 6	N = 3
Вариант 20 Матрица передач: $4/13  0  3/13  6/13$ $9/10  0  0  1/10$ $1/2  1/2  0  0$ $1/3  0  2/3  0$ 1 узел: система $M/M/2$ , $\mu$ =4 2 узел: система $M/M/2$ , $\mu$ =7 3 узел: система $M/M/1$ , $\mu$ =6 4 узел: система $M/M/3$ , $\mu$ =10 $N=4$	Вариант 24 Матрица передач: $10/17 - 0 - 4/17 - 3/17 - 0 - 0 - 7/13 - 6/13 - 9/16 - 7/16 - 0 - 0 - 0 - 4/7 - 3/7 - 0 - 0 - 1 узел: система M/M/1, \mu=7 2 узел: система M/M/3, \mu=10 3 узел: система M/M/3, \mu=4 4 узел: система M/M/1, \mu=5 N = 4$	Вариант 28 Матрица передач: $9/11 \ 2/11 \ 0 \ 0$ $0 \ 7/12 \ 5/12$ $1/2 \ 1/2 \ 0 \ 0$ $8/15 \ 7/15 \ 0 \ 0$ 1 узел: система $M/M/1$ , $\mu$ =7 2 узел: система $M/M/1$ , $\mu$ =9 3 узел: система $M/M/3$ , $\mu$ =1 4 узел: система $M/M/2$ , $\mu$ =2 $N=4$
Вариант 21	Вариант 25	Вариант 29
Матрица передач:	Матрица передач:	Матрица передач:
9/11 2/11 0 0	2/3 0 0 1/3	10/21 5/21 0 2/7
0 0 1 0	6/13 0 7/13 0	4/5 0 1/5 0
0 0 0 1	0 9/10 0 1/10	3/7 0 0 4/7
1/2 1/2 0 0	10/19 9/19 0 0	0 1 0 0
1 узел: система М/М/1, µ=5	1 узел: система М/М/3, µ=3	1 узел: система М/М/3, µ=4
2 узел: система М/М/1, µ=5	2 узел: система М/М/2, µ=7	2 узел: система М/М/2, µ=4
3 узел: система М/М/3, µ=6	3 узел: система М/М/1, µ=8	3 узел: система М/М/2, µ=2
4 узел: система М/М/1, µ=4	4 узел: система М/М/3, µ=8	4 узел: система М/М/3, µ=10
N = 4	N = 4	N = 3
Вариант 22 Матрица передач: 3/16 0 1/4 9/16 1/4 0 0 3/4 0 1/2 0 1/2 1/2 1/2 0 0 1 узел: система М/М/2, µ=10 2 узел: система М/М/2, µ=9 3 узел: система М/М/1, µ=7 4 узел: система М/М/2, µ=8 N = 3	Вариант 26 Матрица передач: 5/19 7/19 7/19 0 0 0 9/17 8/17 1 0 0 0 0 1 0 0 1 узел: система М/М/2, µ=3 2 узел: система М/М/3, µ=9 3 узел: система М/М/2, µ=3 4 узел: система М/М/1, µ=10	Вариант 30 Матрица передач: 5/12 7/12 0 0 7/8 0 0 1/8 5/14 0 0 9/14 3/8 0 5/8 0 1 узел: система М/М/1, µ=6 2 узел: система М/М/3, µ=4 3 узел: система М/М/3, µ=3 4 узел: система М/М/3, µ=2

Вариант 31
Матрица передач:
5/7 0 2/7 0
0 0 1/2 1/2
10/11 0 0 1/11
0 5/11 6/11 0
1 узел: система M/M/3, µ=5
2 узел: система М/М/2, μ=9
3 узел: система М/М/2, μ=5
4 узел: система M/M/3, µ=2
N = 5

### Вариант 32 Матрица передач: 3/4 1/4 0 0 0 0 1 0

1 узел: система M/M/2,  $\mu$ =9 2 узел: система M/M/1,  $\mu$ =7 3 узел: система M/M/2,  $\mu$ =6 4 узел: система M/M/3,  $\mu$ =6 N = 5

# Вариант 33 Матрица передач:

9/11 0 2/11 0 1/5 0 0 4/5 5/9 4/9 0 0 7/16 0 9/16 0 1 узел: система М/М/3, µ=3 2 узел: система М/М/1, µ=1

3 узел: система M/M/1, μ=10 4 узел: система M/M/1, μ=8 N = 6

Вариант 34

Матрица передач:

9/19 5/19 0 5/19 9/14 0 5/14 0 3/4 1/4 0 0 0 1 0 0

1 узел: система M/M/3,  $\mu$ =4 2 узел: система M/M/2,  $\mu$ =4 3 узел: система M/M/3,  $\mu$ =5 4 узел: система M/M/2,  $\mu$ =6 N = 6

# Вариант 35

Матрица передач:

3/11 5/11 0 3/11 3/4 0 1/4 0 0 1 0 0 0 1 0 0

1 узел: система M/M/3,  $\mu$ =9 2 узел: система M/M/3,  $\mu$ =7 3 узел: система M/M/1,  $\mu$ =4 4 узел: система M/M/1,  $\mu$ =7 N = 6

# Вариант 36

Матрица передач:

1/2 2/7 3/14 0 1/3 0 0 2/3 0 3/13 0 10/13 0 0 1 0

1 узел: система M/M/3,  $\mu$ =9 2 узел: система M/M/2,  $\mu$ =2 3 узел: система M/M/1,  $\mu$ =10 4 узел: система M/M/1,  $\mu$ =8 N = 3

# Вариант 37

Матрица передач:

3/10 0 0 7/10 0 0 2/7 5/7 3/5 0 0 2/5 10/11 1/11 0 0 1 узел: система M/M/3,  $\mu$ =9 2 узел: система M/M/2,  $\mu$ =3 3 узел: система M/M/3,  $\mu$ =7 4 узел: система M/M/1,  $\mu$ =7 N = 3

### Вариант 38

Матрица передач:

1 узел: система M/M/3, µ=10 2 узел: система M/M/2, µ=9 3 узел: система M/M/1, µ=7 4 узел: система M/M/2, µ=3 N = 5 Вариант 39

Матрица передач:

1 узел: система M/M/2,  $\mu$ =4 2 узел: система M/M/1,  $\mu$ =8 3 узел: система M/M/2,  $\mu$ =5 4 узел: система M/M/2,  $\mu$ =2 N = 5

#### Вариант 40

Матрица передач:

1/2 0 0 1/2 8/17 0 9/17 0 5/8 3/8 0 0 0 1 0 0

1 узел: система M/M/1,  $\mu$ =7 2 узел: система M/M/2,  $\mu$ =7 3 узел: система M/M/1,  $\mu$ =9 4 узел: система M/M/1,  $\mu$ =3 N = 4

## Вариант 41

Матрица передач:

7/8 0 0 1/8 0 0 8/15 7/15 9/19 10/19 0 0 5/8 0 3/8 0 1 узел: система М/М/2, μ=3 2 узел: система М/М/1, μ=2 3 узел: система М/М/2, μ=10 4 узел: система М/М/3, μ=8 N = 4

#### Вариант 42

Матрица передач:

10/13 0 0 3/13 3/13 0 10/13 0 2/3 0 0 1/3 0 1 0 0

1 узел: система M/M/3,  $\mu$ =3 2 узел: система M/M/3,  $\mu$ =5 3 узел: система M/M/2,  $\mu$ =10 4 узел: система M/M/3,  $\mu$ =1 N = 5

#### Вариант 43

Матрица передач:

4/9	2/9	1/3	0
0	0	1	0
2/5	0	0	3/5
1	0	0	0

1 узел: система M/M/2,  $\mu$ =5 2 узел: система M/M/2,  $\mu$ =3 3 узел: система M/M/1,  $\mu$ =7 4 узел: система M/M/3,  $\mu$ =5 N = 5

#### Вариант 44

Матрица передач:

6/7	0	1/7	0
0	0	0	1
4/7	0	0	3/7
0	1/6	5/6	0

1 узел: система M/M/2,  $\mu$ =3 2 узел: система M/M/2,  $\mu$ =2 3 узел: система M/M/1,  $\mu$ =10 4 узел: система M/M/3,  $\mu$ =3 N = 5

#### Вариант 45

Матрица передач:

5/12	3/8	5/24	0
2/3	0	1/3	0
7/13	0	0	6/13
5/12	0	7/12	0

1 узел: система M/M/3,  $\mu$ =10 2 узел: система M/M/2,  $\mu$ =7 3 узел: система M/M/3,  $\mu$ =2 4 узел: система M/M/2,  $\mu$ =8

N = 6

#### Вариант 46

Матрица передач:

	5/9	0	1/3	1/9
	0	0	2/3	1/3
	8/13	0	0	5/13
	0	1	0	0
1	узел:	сис	тема	$M/M/2$ , $\mu$ =7
2	2 узел:	сис	тема	$M/M/2$ , $\mu=5$
3	в узел:	сис	тема	$M/M/1$ , $\mu=4$
4	l vзел:	сис	тема	M/M/1, u=5

#### Вариант 47

N = 6

Матрица передач:

9/20	1/2	1/20	
0	0	1	0
0	0	0	1
1	0	0	0

1 узел: система M/M/2,  $\mu$ =4 2 узел: система M/M/1,  $\mu$ =7 3 узел: система M/M/1,  $\mu$ =9 4 узел: система M/M/1,  $\mu$ =5 N = 5

0

#### Вариант 48

Матрица передач:

7/16	9/16	0	0
4/7	0	3/7	0
0	3/4	0	1/4
0	1/6	5/6	0

1 узел: система M/M/3,  $\mu$ =3 2 узел: система M/M/2,  $\mu$ =3 3 узел: система M/M/3,  $\mu$ =1 4 узел: система M/M/1,  $\mu$ =5 N = 3

#### Вариант 49

Матрица передач:

$$1/5$$
 0  $1/5$   $3/5$  0 0  $5/14$   $9/14$  1 0 0 0 0 9/13  $4/13$  0 0 1 узел: система  $M/M/3$ ,  $\mu$ =8 2 узел: система  $M/M/2$ ,  $\mu$ =10 3 узел: система  $M/M/1$ ,  $\mu$ =10 4 узел: система  $M/M/3$ ,  $\mu$ =10

#### Вариант 50

N = 5

Матрица передач:

0 1/2 1/2 0 1 узел: система M/M/3,  $\mu$ =10 2 узел: система M/M/1,  $\mu$ =5 3 узел: система M/M/3,  $\mu$ =6 4 узел: система M/M/3,  $\mu$ =9 N = 5