Расчетное задание №4. Сети массового обслуживания. Часть 1. Разомкнутые сети массового обслуживания

Задана сеть массового обслуживания, включающая M=4 узла и источник с интенсивностью λ_0 , заданы матрица передач и описание узлов как систем массового обслуживания (число каналов, интенсивность обслуживания).

Необходимо:

- 1. Построить граф сети;
- 2. Выяснить, может ли данная сеть работать в установившемся режиме;
- 3. Для заданной интенсивности λ_0 :
- 3.1. Определить наиболее и наименее нагруженные узлы;
- 3.2. Определить среднее число требований, среднее число ожидающих требований, среднее время пребывания и среднее время ожидания для каждого узла;
- 3.3. Определить среднее число требований, среднее число ожидающих требований, среднее время пребывания и среднее время ожидания для всей сети;

3.4. Результаты оформить в итоговой таблице вида:

	1 узел	2 узел	3 узел	4 узел	Вся сеть
Среднее число требований					
Среднее число ожидающих требований					
Среднее время пребывания					
Среднее время ожидания					

Вариант 1 $\lambda_0 = 4.5$ Матрица передач: $0 1 0 0 0$ $6/7 0 0 1/7 0$ $0 1 0 0 0$ $0 6/11 0 0 5/11$ $0 10/17 7/17 0 0$ 1 узел: система M/M/2, μ =9 2 узел: система M/M/1, μ =3 3 узел: система M/M/1, μ =10 4 узел: система M/M/1, μ =4	Вариант 3 $\lambda_0=5$ Матрица передач: $0 1 0 0 0$ $10/19 0 0 6/19 3/19$ $0 0 0 1/2 1/2$ $0 5/7 2/7 0 0$ $0 0 0 1 0$ 1 узел: система M/M/3, μ =4 2 узел: система M/M/1, μ =5 3 узел: система M/M/1, μ =6 4 узел: система M/M/1, μ =5	Вариант 5 $\lambda_0 = 4.5$ Матрица передач: $0 1 0 0 0$ 9/16 $0 0 0 7/16$ $0 0 0 3/4 1/4$ $0 1 0 0 0$ $0 0 1/2 1/2 0$ 1 узел: система M/M/3, μ =9 2 узел: система M/M/3, μ =2 3 узел: система M/M/2, μ =9 4 узел: система M/M/2, μ =8
Вариант 2 $\lambda_0=2$ Матрица передач: $0 1 0 0 0$ $2/3 0 0 0 1/3$ $0 1 0 0 0$ $0 1/2 1/2 0 0$ $0 0 0 1 0$ 1 узел: система M/M/2, μ =7 2 узел: система M/M/1, μ =9 3 узел: система M/M/3, μ =10 4 узел: система M/M/3, μ =1	Вариант 4 $\lambda_0 = 0.5$ Матрица передач: $0 1 0 0 0$ $4/9 0 0 1/9 4/9$ $0 0 0 1$ $0 0 7/8 0 1/8$ $0 1/2 1/2 0 0$ $1 \text{узел: система M/M/1, μ=3}$ $2 \text{узел: система M/M/2, μ=6}$ $3 \text{узел: система M/M/2, μ=7}$ $4 \text{узел: система M/M/1, μ=6}$	Вариант 6 $\lambda_0=3.5$ Матрица передач: $0 1 0 0 0$ $10/27 0 1/3 8/27 0$ $0 0 0 1/5 4/5$ $0 0 0 0 1$ $0 1 0 0 0$ $1 yзел: система M/M/3, \mu=5 2 yзел: система M/M/3, \mu=10 3 yзел: система M/M/2, \mu=7 4 yзел: система M/M/3, \mu=5$

Вариант 7 $\lambda_0=4$ Матрица передач: $0 1 0 0 0$ $10/17 0 3/17 4/17 0$ $0 1 0 0 0$ $0 0 0 0$ $0 0 0 1$ $0 3/5 2/5 0 0$ $1 \text{узел: система M/M/3, } \mu=6$ $2 \text{узел: система M/M/2, } \mu=7$ $3 \text{узел: система M/M/3, } \mu=1$ $4 \text{узел: система M/M/3, } \mu=6$	Вариант 11 $\lambda_0=3$ Матрица передач: 0 1 0 0 0 5/12 0 1/6 5/12 0 0 0 0 5/6 1/6 0 1 0 0 0 0 0 0 0 1 0 0 0 1 узел: система $M/M/2$, μ =6 2 узел: система $M/M/3$, μ =3 4 узел: система $M/M/3$, μ =3 4 узел: система $M/M/1$, μ =9	Вариант 15 $\lambda_0=3$ Матрица передач: $0 1 0 0 0$ 8/19 $0 9/19 2/19 0$ $0 0 0 1 0$ $0 0 0 1$ $0 1 0 0 0$ 1 узел: система M/M/3, μ =5 2 узел: система M/M/1, μ =9 3 узел: система M/M/2, μ =3 4 узел: система M/M/2, μ =10
Вариант 8 $\lambda_0=5$ Матрица передач: 0 1 0 0 0 5/7 0 1/14 3/14 0 0 3/5 0 0 2/5 0 2/9 0 0 7/9 0 1/7 0 6/7 0 1 узел: система $M/M/2$, μ =9 2 узел: система $M/M/3$, μ =7 3 узел: система $M/M/1$, μ =9 4 узел: система $M/M/2$, μ =7	Вариант 12 $\lambda_0=4$ Матрица передач: $0 1 0 0 0$ $3/4 0 0 1/4 0$ $0 9/10 0 1/10 0$ $0 0 8/15 0 7/15$ $0 1 0 0 0$ 1 узел: система $M/M/3$, $\mu=8$ 2 узел: система $M/M/1$, $\mu=8$ 3 узел: система $M/M/1$, $\mu=10$ 4 узел: система $M/M/1$, $\mu=5$	Вариант 16 $\lambda_0=4$ Матрица передач: $0 1 0 0 0 \\ 4/5 0 0 0 1/5 \\ 0 3/11 0 8/11 0 \\ 0 1 0 0 0 \\ 0 10/17 7/17 0 0 \\ 1 \text{узел: система M/M/2, μ=3} \\ 2 \text{узел: система M/M/1, μ=7} \\ 3 \text{узел: система M/M/2, μ=6} \\ 4 \text{узел: система M/M/3, μ=2}$
Вариант 9 $\lambda_0=4$ Матрица передач: $0 1 0 0 0$ $7/10 0 1/5 1/10 0$ $0 0 0 4/7 3/7$ $0 1 0 0 0$ $0 1/6 5/6 0 0$ $1 yзел: система M/M/3, \mu=3$ $2 yзел: система M/M/1, \mu=2$ $3 yзел: система M/M/2, \mu=9$ $4 yзел: система M/M/3, \mu=7$	Вариант 13 $\lambda_0=4.5$ Матрица передач: $0 1 0 0 0$ 8/19 $0 2/19 9/19 0$ $0 3/4 0 0 1/4$ $0 1 0 0 0$ $0 9/11 2/11 0 0$ 1 узел: система M/M/3, μ =4 2 узел: система M/M/2, μ =9 3 узел: система M/M/3, μ =4 4 узел: система M/M/1, μ =3	Вариант 17 $\lambda_0=4.5$ Матрица передач: $0 1 0 0 0$ 9/13 $0 0 4/13 0$ $0 0 0 1 0$ $0 8/15 0 0 7/15$ $0 0 1 0 0$ 1 узел: система M/M/3, μ =5 2 узел: система M/M/1, μ =7 3 узел: система M/M/2, μ =4 4 узел: система M/M/2, μ =7
Вариант 10 $\lambda_0=3.5$ Матрица передач: $0 1 0 0 0$ 9/20 0 1/5 0 7/20 0 2/5 0 3/5 0 0 0 0 0 1 0 1 0 0 0 1 93eл: система $M/M/2$, $\mu=8$ 2 узел: система $M/M/3$, $\mu=4$ 3 узел: система $M/M/3$, $\mu=1$ 4 узел: система $M/M/2$, $\mu=4$	Вариант 14 $\lambda_0=4.5$ Матрица передач: 0 1 0 0 0 10/23 0 9/23 0 4/23 0 1/2 0 0 1 0 0 0 0 10/13 3/13 0 0 1 узел: система M/M/3, μ =8 2 узел: система M/M/1, μ =8 3 узел: система M/M/3, μ =2 4 узел: система M/M/3, μ =3	Вариант 18 $\lambda_0=2.5$ Матрица передач: $0 1 0 0 0$ $3/4 0 1/4 0 0$ $0 1/6 0 5/6 0$ $0 0 5/8 0 3/8$ $0 1 0 0 0$ 1 узел: система $M/M/1$, μ =4 2 узел: система $M/M/3$, μ =8 3 узел: система $M/M/3$, μ =10 4 узел: система $M/M/3$, μ =1

Вариант 19 Вариант 23 Вариант 27 $\lambda_0 = 3$ $\lambda_0 = 3.5$ $\lambda_0 = 1.5$ Матрица передач: Матрица передач: Матрица передач: 0 0 0 0 0 0 1 0 0 1 0 0 1 0 0 1/2 0 2/5 0 1/2 0 0 0 3/5 0 0 5/7 0 1/7 1/7 5/8 0 3/8 0 3/4 1/4 0 0 0 0 3/7 4/7 0 0 0 0 1 0 1 0 0 0 0 7/17 0 0 10/17 1/3 2/3 0 8/15 7/15 0 0 1 0 0 0 0 1 узел: система M/M/3, μ =3 1 узел: система M/M/1, µ=6 1 узел: система M/M/1, µ=10 2 узел: система M/M/3, μ =3 2 узел: система M/M/2, μ =3 2 узел: система М/М/1, μ=10 3 узел: система M/M/3, μ =4 3 узел: система M/M/1, μ =1 3 узел: система M/M/1, μ =7 4 узел: система M/M/1, µ=8 4 узел: система M/M/2, µ=1 4 узел: система M/M/1, µ=5 Вариант 20 Вариант 24 Вариант 28 $\lambda_0 = 4.5$ $\lambda_0 = 2.5$ $\lambda_0 = 2$ Матрица передач: Матрица передач: Матрица передач: 0 0 0 0 0 0 3/4 0 1/4 9/16 0 1/16 3/8 6/17 0 5/17 6/17 0 0 0 0 0 9/13 0 4/13 0 0 0 1 0 0 0 1 0 0 0 0 0 1 0 7/12 0 $0 \frac{5}{12}$ 0 9/19 0 0 10/19 1/3 2/3 0 0 0 0 1 0 1 0 0 0 1 узел: система М/М/1, μ=6 1 узел: система M/M/3, µ=9 1 узел: система M/M/3, µ=9 2 узел: система M/M/1, μ =4 2 узел: система M/M/2, μ =2 2 узел: система М/М/3, μ=7 3 узел: система M/M/1, μ =2 3 узел: система М/М/2, μ=9 3 узел: система М/М/1, μ=8 4 узел: система M/M/2, μ =5 4 узел: система M/M/1, µ=5 4 узел: система M/M/1, µ=8 Вариант 29 Вариант 21 Вариант 25 $\lambda_0 = 2$ $\lambda_0 = 5$ $\lambda_0 = 4$ Матрица передач: Матрица передач: Матрица передач: 0 0 0 0 0 0 0 1 0 1 0 0 1 0 0 0 5/13 1/3 0 6/7 8/13 0 2/3 0 0 0 1/7 0 0 0 9/19 1/5 0 4/5 0 0 10/19 0 0 0 4/11 7/11 0 5/7 1/20 0 10/13 0 3/13 0 0 2/7 0 0 0 1/20 3/7 0 4/7 1 0 0 0 0 4/5 1/5 1 узел: система M/M/2, μ =6 1 узел: система M/M/1, $\mu=8$ 1 узел: система M/M/2, µ=6 2 узел: система M/M/1, μ =10 2 узел: система М/М/3, μ=2 2 узел: система М/М/3, μ=8 3 узел: система M/M/2, μ =2 3 узел: система М/М/2, μ=6 3 узел: система M/M/2, μ =1 4 узел: система M/M/3, μ =5 4 узел: система M/M/1, µ=3 4 узел: система M/M/2, µ=10 Вариант 30 Вариант 22 Вариант 26 $\lambda_0 = 4.5$ $\lambda_0 = 4$ $\lambda_0 = 4.5$ Матрица передач: Матрица передач: Матрица передач: 0 1 0 0 0 0 0 0 0 0 1 0 0 0 5/9 0 0 1/9 1/3 2/5 0 3/5 0 0 3/7 0 4/7 0 0 4/5 1/5 5/6 1/6 0 0 0 5/8 3/8 0 0 0 0 0 0 0 0 4/7 0 0 3/7 0 0 5/14 9/14 0 1 0 0 0 0 1/2 1/2 0 3/5 0 2/5 0 8/11 3/11 1 узел: система M/M/3, μ =7 1 узел: система M/M/3, µ=9 1 узел: система М/М/3, μ=8 2 узел: система М/М/2, μ=5 2 узел: система M/M/3, μ =9 2 узел: система М/М/3, μ=3

3 узел: система M/M/2, μ =4

4 узел: система M/M/1, µ=2

3 узел: система М/М/3, μ=8

4 узел: система M/M/1, µ=6

3 узел: система M/M/2, μ =7

4 узел: система M/M/2, µ=9

Вариант 31 Вариант 35 Вариант 39 $\lambda_0 = 2$ $\lambda_0 = 4.5$ $\lambda_0 = 3$ Матрица передач: Матрица передач: Матрица передач: 0 1 0 0 1 0 0 0 0 0 0 1 0 0 9/17 0 2/17 1/8 3/8 10/11 0 1/11 0 6/17 1/2 0 0 0 0 0 0 0 1 0 1/2 0 0 1/20 1 0 1 0 0 0 0 10/13 3/13 0 0 0 8/17 0 0 9/17 0 2/3 0 0 0 2/11 9/11 0 1/3 0 0 1 0 1 узел: система M/M/3, μ =3 1 узел: система М/М/2, μ=8 1 узел: система M/M/3, μ =4 2 узел: система M/M/3, μ =1 2 узел: система M/M/2, μ =10 2 узел: система М/М/3, μ=5 3 узел: система M/M/2, μ =7 3 узел: система M/M/3, μ =6 3 узел: система M/M/1, μ =4 4 узел: система M/M/1, μ =9 4 узел: система M/M/2, μ =1 4 узел: система M/M/1, µ=7 Вариант 32 Вариант 40 Вариант 36 $\lambda_0 = 4.5$ $\lambda_0 = 2$ $\lambda_0 = 2$ Матрица передач: Матрица передач: Матрица передач: 1 0 0 0 0 0 0 2/9 5/9 0 1/3 1/9 8/17 0 6/17 0 3/17 7/9 0 0 0 0 0 0 1/4 3/4 1 0 0 0 0 9/16 0 7/16 0 7/13 6/13 0 0 1/2 1/20 0 0 0 2/3 0 1/3 0 9/13 4/13 $0 \frac{2}{3}$ 0 1/3 0 0 1 0 0 0 1 узел: система M/M/2, μ =8 1 узел: система M/M/2, µ=10 1 узел: система M/M/3, µ=10 2 узел: система M/M/3, μ =9 2 узел: система M/M/2, μ =6 2 узел: система М/М/2, μ=10 3 узел: система M/M/3, μ =8 3 узел: система M/M/3, μ =5 3 узел: система М/М/1, μ=9 4 узел: система M/M/2, µ=9 4 узел: система M/M/2, μ =5 4 узел: система M/M/3, µ=2 Вариант 41 Вариант 33 Вариант 37 $\lambda_0 = 4$ $\lambda_0 = 3.5$ $\lambda_0 = 4$ Матрица передач: Матрица передач: Матрица передач: 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 1 0 1 0 0 4/5 1/5 0 6/7 1/7 0 7/11 0 4/11 0 0 0 0 0 8/9 0 0 1/9 0 0 0 0 1 0 0 8/17 9/17 0 0 1 0 0 0 3/5 2/5 0 0 0 1/2 0 1/2 0 0 0 0 0 0 1 0 1 0 0 0 0 1 0 1 узел: система M/M/2, μ =6 1 узел: система M/M/2, µ=6 1 узел: система M/M/2, µ=10 2 узел: система M/M/2, μ =2 2 узел: система M/M/3, μ =1 2 узел: система М/М/1, μ=10 3 узел: система M/M/2, μ =3 3 узел: система M/M/2, μ =1 3 узел: система М/М/1, μ=6 4 узел: система M/M/1, μ =2 4 узел: система M/M/2, μ =6 4 узел: система M/M/3, µ=2 Вариант 34 Вариант 38 Вариант 42 $\lambda_0 = 1.5$ $\lambda_0 = 4$ $\lambda_0 = 1.5$ Матрица передач: Матрица передач: Матрица передач: 0 1 0 0 0 0 0 1 0 0 1 0 0 3/14 0 3/7 0 5/14 9/13 0 4/13 3/10 0 0 3/10 2/5 0 1 0 0 10/11 0 1/11 0 0 0 0 0 0 0 0 1 2/5 0 3/5 0 1 0 0 0 1 0 0 0 0 0 0 0 0 1 0 0 1/2 1/2 0 7/17 10/17 1 узел: система M/M/2, μ =4 1 узел: система M/M/1, µ=7 1 узел: система М/М/3, μ=4 2 узел: система M/M/3, μ =2 2 узел: система M/M/2, μ =9 2 узел: система М/М/1, μ=9

3 узел: система M/M/1, μ =4

4 узел: система M/M/3, μ =6

3 узел: система М/М/2, μ=7

4 узел: система M/M/2, µ=5

3 узел: система M/M/1, μ =7

4 узел: система M/M/3, μ =6

Вариант 43 Вариант 47 Вариант 51 $\lambda_0 = 4.5$ $\lambda_0 = 3$ $\lambda_0 = 5$ Матрица передач: Матрица передач: Матрица передач: 0 0 0 0 1 0 0 1 0 0 0 0 1 0 0 5/9 0 1/3 0 1/9 1/3 0 2/3 0 2/3 0 0 0 0 1/3 0 0 0 0 7/17 0 10/17 0 0 1 0 0 0 0 1 0 0 0 0 1/5 0 4/5 0 0 0 0 1 0 4/13 9/13 0 0 7/10 3/10 0 0 1 0 0 0 1 узел: система M/M/3, $\mu=5$ 1 узел: система M/M/2, µ=7 1 узел: система M/M/2, µ=6 2 узел: система M/M/1, μ =5 2 узел: система M/M/3, μ =92 узел: система М/М/3, μ=6 3 узел: система M/M/2, μ =7 3 узел: система M/M/2, μ =8 3 узел: система М/М/1, μ=6 4 узел: система M/M/2, µ=4 4 узел: система M/M/2, µ=8 4 узел: система M/M/2, µ=3 Вариант 44 Вариант 48 Вариант 52 $\lambda_0 = 3$ $\lambda_0 = 2.5$ $\lambda_0 = 3.5$ Матрица передач: Матрица передач: Матрица передач: 0 0 0 0 1 0 0 0 0 2/5 4/7 0 3/7 0 0 6/7 0 0 0 1/7 0 0 3/5 0 0 4/9 0 0 0 0 0 5/9 0 0 1 0 0 0 0 1 0 0 0 0 3/4 1/4 0 0 0 4/11 7/11 0 0 0 0 0 1 0 2/5 0 3/5 0 0 1/3 2/3 0 1 узел: система M/M/2, μ =8 1 узел: система М/М/1, μ=6 1 узел: система M/M/2, µ=8 2 узел: система M/M/3, μ =4 2 узел: система M/M/3, $\mu = 6$ 2 узел: система М/М/2, μ=6 3 узел: система M/M/1, μ =8 3 узел: система М/М/2, μ=3 3 узел: система M/M/3, µ=7 4 узел: система M/M/1, $\mu=5$ 4 узел: система M/M/1, μ =6 4 узел: система M/M/2, µ=6 Вариант 49 Вариант 45 Вариант 53 $\lambda_0 = 2.5$ $\lambda_0 = 3$ $\lambda_0 = 4$ Матрица передач: Матрица передач: Матрица передач: 0 0 1 0 0 0 0 0 0 0 1 0 1 0 0 8/21 0 3/7 0 4/21 6/7 1/7 0 0 3/5 1/15 1/3 0 0 0 1 0 0 0 0 1/3 0 0 2/3 3/8 0 0 5/8 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1/8 0 0 7/8 1 1 0 0 3/4 0 0 1 0 1/4 0 0 1 0 0 1 узел: система M/M/2, µ=3 1 узел: система M/M/3, μ =7 1 узел: система M/M/3, µ=10 2 узел: система M/M/1, μ =92 узел: система М/М/3, μ=3 2 узел: система M/M/3, μ =7 3 узел: система M/M/3, μ =3 3 узел: система М/М/3, μ=9 3 узел: система M/M/3, μ =3 4 узел: система M/M/2, μ=6 4 узел: система M/M/2, μ =3 4 узел: система M/M/2, µ=5 Вариант 46 Вариант 50 Вариант 54 $\lambda_0 = 3.5$ $\lambda_0 = 0.5$ $\lambda_0 = 5$ Матрица передач: Матрица передач: Матрица передач: 0 1 0 0 0 0 0 1 0 0 1 0 2/3 0 0 0 1/3 7/17 0 10/17 0 7/11 0 0 1/11 3/11 0 1/2 0 1/2 0 0 10/19 9/19 0 9/10 0 0 0 1/10 0 0 0 1 0 0 0 10/17 0 7/17 4/9 5/9 0 0 0 0 0 1 0 0 0 2/3 1/3 0 0 1 0

1 узел: система M/M/2, μ =7

2 узел: система M/M/1, μ =2

3 узел: система M/M/1, μ =9

4 узел: система M/M/2, µ=10

1 узел: система M/M/3, μ =5 2 узел: система M/M/2, μ =5

3 узел: система М/М/2, μ=8

4 узел: система M/M/3, µ=10

1 узел: система M/M/2, μ =3

2 узел: система M/M/2, μ =4

3 узел: система M/M/1, μ =2

4 узел: система M/M/2, µ=1

Вариант 55

 $\lambda_0 = 1.5$

Матрица передач:

0 1 0 0 0 5/11 0 7/22 5/22 0 0 0 3/5 0 2/5 0 2/3 0 0 1/3 0 2/11 9/11 0

1 узел: система M/M/3, μ =4 2 узел: система M/M/2, μ =8 3 узел: система M/M/3, μ =3 4 узел: система M/M/2, μ =10

Вариант 56

 $\lambda_0 = 2.5$

Матрица передач:

0 1 0 0 0 1/2 1/4 0 0 1/4 0 7/16 0 0 9/16 0 0 1 0 0 5/8 3/8 0 0 0

1 узел: система M/M/3, μ =6 2 узел: система M/M/2, μ =6 3 узел: система M/M/3, μ =9 4 узел: система M/M/2, μ =9

Вариант 57

 $\lambda_0 = 4$

Матрица передач:

0 0 1 0 0 4/5 0 0 1/5 0 0 3/11 0 8/11 0 0 1 0 0 0 0 10/17 7/17 0

1 узел: система M/M/2, μ =3 2 узел: система M/M/1, μ =7 3 узел: система M/M/2, μ =6 4 узел: система M/M/3, μ =2

Вариант 58

 $\lambda_0 = 5$

Матрица передач:

0 1 0 0 0 0 1/2 1/2 0 0 5/9 0 4/9 0 0 0 0 9/11 0 2/11 1/2 1/2 0 0

1 узел: система M/M/3, μ =7 2 узел: система M/M/1, μ =6 3 узел: система M/M/1, μ =10 4 узел: система M/M/3, μ =2

Вариант 59

 $\lambda_0 = 5$

Матрица передач:

0 1 0 0 2/5 0 3/20 9/20 0 2/3 0 0 1/3 0 0 0 0 1 1 0 0 0 0

1 узел: система M/M/2, μ =10 2 узел: система M/M/1, μ =8 3 узел: система M/M/3, μ =7 4 узел: система M/M/1, μ =9

Вариант 60

 $\lambda_0 = 2$

Матрица передач:

0 0 0 5/14 9/28 9/28 3/5 0 0 2/5 0 0 5/7 0 0 2/7 0 0 7/8 1/8 0

1 узел: система M/M/2, μ =5 2 узел: система M/M/1, μ =6 3 узел: система M/M/2, μ =5 4 узел: система M/M/1, μ =1